

～変える～

研究テーマ：命令型プログラミング言語におけるプログラム可逆化

背景：

目的：平均ゴミ出力量の最適化

可逆性の定義：

可逆プログラムの定義：

状態：

～ここまで～

先週からの進捗状況：

1. Efficient Optimistic Parallel Simulations Using Reverse ComputationのP233の表1の解析を行った
2. 有用性を示すために線形探索について調べた

	ゴミ出力量 (ビット)	エントロピー	エントロピーの最大値
T0 2分岐	1	$-k \log_2(k) - (1-k) \log_2(1-k)$	1
T1 n分岐	$\log_2(n)$	$-a \log_2(a) - b \log_2(b)$ - ...	$\log_2(n)$
T2 n回の繰返し	0		
T3 繰返し回数が最大n回の繰返し	$\log_2(n)$	$-(n/n+1) \log_2(n/n+1)$ $-(1/n+1) \log_2(1/n+1)$	1
T4 関数呼出し	0		
T5 復号代入演算子 (+と-のみ)	0		
T6 kバイトの破壊的代入	8k		

T7 文の逐次実行	0		
T8 1個のラベルに対してn個のgoto文	$\log_2(n+1)$	$-a \log_2(a) - b \log_2(b)$ - ...	$\log_2(n+1)$

## 線形探索

### 前提

- ・ 事前に確率の見積もりが可能
- ・ 値は重複しない
- ・ データ数はn個

### データが見つかる場合

#### 確率

- ・ m番目で見つかる  $1/n$
- ・ m番目で見つからない  $(n-1)/n$

#### エントロピー

- ・  $-((n-1)/n)\log_2(n-1/n) - (1/n)\log_2(1/n)$
- ・ エントロピーはn=2で最大となり, n>2の場合は単調減少する
  - ・ n=2の場合のエントロピー  $-(1/2)\log_2(1/2) - (1/2)\log_2(1/2) = 2$
  - ・ n=1の場合のエントロピー 0

#### 平均ゴミ出力量

- ・ m番目で見つかる場合のゴミ出力量 m
- ・ Perumallaの手法の平均ゴミ出力量  $(n+1)/2$ 
  - ・ n=2の場合の平均ゴミ出力量  $(2+1)/2 = 1.5$
  - ・ n=1の場合の平均ゴミ出力量 1
- ・ 平均ゴミ出力量は単調増加する

常にエントロピーがPerumallaの手法の平均ゴミ出力量未満であるため, 平均ゴミ出力量は減らすことができる

算術符号を用いた場合, 平均ゴミ出力量はエントロピーに近づく. よって算術符号を用いると平均ゴミ出力を減らすことができる

### データが見つからないことがある場合

#### 確率

- ・ m番目で見つかる  $1/n$
- ・ m番目で見つからない  $(n-1)/n$
- ・ 探索しても見つからない k ( $0 \leq k \leq 1$ )

#### エントロピー

- ・  $(1-k) - ((n-1)/n)\log_2((n-1)/n) - (1/n)\log_2(1/n)$
- ・ エントロピーはk=0, n=2で最大となり, k>0またはn>2の場合は単調減少する
  - ・ k=0, n=2の場合のエントロピー 1
  - ・ k=0, n=1の場合のエントロピー 0

#### 平均ゴミ出力量

- ・ m番目で見つかる場合のゴミ出力量 m

- ・最後まで見つからなかった場合のゴミ出力量  $n$
- ・Perumallaの手法の平均ゴミ出力量  $(1-k)(n+1)/2 + kn$ 
  - ・  $k=0, n=2$ の場合の平均ゴミ出力量  $(2+1)/2 = 1.5$
  - ・  $k=0, n=1$ の場合の平均ゴミ出力量  $1$
- ・平均ゴミ出力量は  $k$ が増加すると単調増加する
  - ・  $(n+1)/2 < n$
- ・平均ゴミ出力量は  $n$ が増加すると単調増加する

常にエントロピーがPerumallaの手法の平均ゴミ出力量未満であるため、平均ゴミ出力量は減らすことができる

算術符号を用いた場合、平均ゴミ出力量はエントロピーに近づく。よって、算術符号を用いると平均ゴミ出力を減らすことができる

次回までに進めること

1.